

EXAMENUL NAȚIONAL DE DEFINITIVARE ÎN ÎNVĂȚĂMÂNT

20 aprilie 2017

Probă scrisă

MATEMATICĂ

Varianta 3

BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

- Se punctează orice modalitate de rezolvare corectă a cerințelor, în limita punctajului maxim corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I

(60 de puncte)

1.	a) $f(x) = 2x - 1$, deci $f(0) + f(1) + \dots + f(10) = (2 \cdot 0 - 1) + (2 \cdot 1 - 1) + \dots + (2 \cdot 10 - 1) =$ $= 2 \cdot (0 + 1 + \dots + 10) - 11 \cdot 1 = 2 \cdot \frac{10 \cdot 11}{2} - 11 =$ $= 110 - 11 = 99$	2p
	b) $\Delta = 4 + 4(m^2 - 1) = 4m^2$	2p
	$f(x) = 0$ are două soluții reale distincte $\Leftrightarrow \begin{cases} m^2 - 1 \neq 0 \\ \Delta > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m^2 \neq 1 \\ m^2 > 0 \end{cases}$ Ecuția are două soluții reale distincte pentru orice $m \in (-\infty, -1) \cup (-1, 0) \cup (0, 1) \cup (1, +\infty)$	3p 3p
2.	a) $\triangle ABD$ dreptunghic în D și, cum M este mijlocul laturii AB , obținem $DM = AM = BM$ $P_{ABCD} = 2(AB + AD) = 2(AM + MB + AD) =$ $= 2(AM + DM + AD) = 2P_{\triangle AMD}$	2p 2p 3p
	b) $\triangle BCD$ este dreptunghic în B și N este mijlocul laturii CD , deci $BN = \frac{CD}{2}$ și, cum $AB = CD$, obținem $BN = \frac{AB}{2}$	2p
	$MBCN$ este paralelogram, deci $MN = BC$ și, cum $AB = 2BC$, obținem $MN = \frac{AB}{2}$ M este mijlocul laturii AB , deci $BM = \frac{AB}{2} \Rightarrow BM = MN = BN \Rightarrow \triangle MBN$ este echilateral	3p 3p
3.	a) $A(0,0) = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$	2p
	$(A(0,0))^2 = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$	2p
	$(A(0,0))^3 = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} = I_3$	3p

	<p>b) $\det(A(m,n)) = \begin{vmatrix} m & n & 1 \\ 1 & m & n \\ n & 1 & m \end{vmatrix} = (m+n+1)(m^2+n^2-mn-m-n+1)$</p> <p>Cum m și n sunt numere naturale, $\det(A(m,n)) = 0 \Leftrightarrow m^2+n^2-mn-m-n+1=0$</p> <p>$(m-n)^2+(m-1)^2+(n-1)^2=0$, de unde obținem $m=n=1$</p>	<p>3p</p> <p>2p</p> <p>3p</p>
4.	<p>a) $f'(x) = \frac{2x}{x^2+1}$, $f''(x) = \frac{2-2x^2}{(x^2+1)^2}$, $x \in \mathbb{R}$</p> <p>$f''(x) = 0 \Leftrightarrow x = -1$ sau $x = 1$</p> <p>Pentru $x \in (-\infty, -1)$, $f''(x) < 0$; pentru $x \in (-1, 1)$, $f''(x) > 0$; pentru $x \in (1, +\infty)$, $f''(x) < 0$, deci funcția f are două puncte de inflexiune</p>	<p>2p</p> <p>2p</p> <p>3p</p>
	<p>b) $\mathcal{A} = \int_0^1 f(x) dx = \int_0^1 \ln(x^2+1) dx =$</p> <p>$= \int_0^1 x' \ln(x^2+1) dx = x \ln(x^2+1) \Big _0^1 - 2 \int_0^1 \frac{x^2+1-1}{x^2+1} dx =$</p> <p>$= \ln 2 - 2(x - \arctg x) \Big _0^1 = \ln 2 - 2 + \frac{\pi}{2}$</p>	<p>2p</p> <p>3p</p> <p>3p</p>

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

Itemul de tip alegere multiplă elaborat	
Corectitudinea formatului itemului	5p
Corectitudinea răspunsului așteptat (baremul de evaluare), inclusiv alegerea adecvată a distractorilor	5p
Corectitudinea științifică a informației de specialitate	5p
Itemul de tip întrebare structurată elaborat	
Corectitudinea formatului itemului	5p
Corectitudinea răspunsului așteptat (baremul de evaluare)	5p
Corectitudinea științifică a informației de specialitate	5p