

Examenul de bacalaureat național 2014

Proba E. c)

Matematică *M_tehnologic*

Barem de evaluare și de notare

Varianta 3

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

1.	$(1 + \sqrt{2})^2 = 3 + 2\sqrt{2}$	3p
	$3 + 2\sqrt{2} - 2\sqrt{2} = 3$	2p
2.	$f(x) = 0 \Rightarrow x - 1 = 0$	3p
	Coordonatele punctului de intersecție sunt $x = 1$ și $y = 0$	2p
3.	$x + 1 = 2$	3p
	$x = 1$	2p
4.	Numerele naturale de o cifră, divizori ai lui 8, sunt 1, 2, 4 și 8, deci sunt 4 cazuri favorabile	2p
	Sunt 10 numere naturale de o cifră, deci sunt 10 cazuri posibile	1p
	$p = \frac{\text{nr. cazuri favorabile}}{\text{nr. cazuri posibile}} = \frac{4}{10} = \frac{2}{5}$	2p
5.	$AB = 2$	2p
	$BC = 2 \Rightarrow AB = BC$, deci $\triangle ABC$ este isoscel	3p
6.	$\sin 30^\circ = \frac{AB}{10}$	2p
	$AB = 5$	3p

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

1.a)	$\det B = \begin{vmatrix} 1 & 1 \\ 8 & 3 \end{vmatrix} =$	2p
	$= 3 - 8 = -5$	3p
b)	$\det A = \begin{vmatrix} a & 1 \\ 8 & 3 \end{vmatrix} = 3a - 8$	3p
	$a \in \mathbb{Z} \Rightarrow 3a - 8 \neq 0$	2p
c)	$A^{-1} = \frac{1}{3a - 8} \begin{pmatrix} 3 & -1 \\ -8 & a \end{pmatrix}$	3p
	$3a - 8 = -1 \Rightarrow a = \frac{7}{3}$ nu este număr întreg	1p
	$3a - 8 = 1 \Rightarrow a = 3$ pentru care inversa matricei A are toate elementele numere întregi	1p
2.a)	$1 * 5 = 1 \cdot 5 - 5 \cdot 1 - 5 \cdot 5 + 30$	3p
	$= -25 + 30 = 5$	2p
b)	$x * y = xy - 5x - 5y + 25 + 5 =$	2p
	$= x(y - 5) - 5(y - 5) + 5 = (x - 5)(y - 5) + 5$ pentru orice numere reale x și y	3p
c)	$(x - 5)^2 + 5 = x \Leftrightarrow x^2 - 11x + 30 = 0$	3p
	$x_1 = 5$ și $x_2 = 6$	2p

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

1.a)	$f'(x) = (x^2 - x)' =$ $= (x^2)' - x' = 2x - 1, x \in \mathbb{R}$	<p>2p</p> <p>3p</p>
b)	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x^2} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - x}{x^2} =$ $= 1$	<p>2p</p> <p>3p</p>
c)	$y - f(1) = f'(1)(x - 1)$ $f(1) = 0, f'(1) = 1, \text{ deci ecuația tangentei este } y = x - 1$	<p>2p</p> <p>3p</p>
2.a)	$\int_1^e \frac{1}{x} dx = \ln x \Big _1^e =$ $= \ln e - \ln 1 = 1$	<p>3p</p> <p>2p</p>
b)	$F'(x) = (x^2 + \ln x + 2)' = 2x + \frac{1}{x} =$ $= f(x) \text{ pentru orice } x \in (0, +\infty), \text{ deci } F \text{ este o primitivă a funcției } f$	<p>3p</p> <p>2p</p>
c)	$\mathcal{A} = \int_1^2 f(x) dx = \int_1^2 \left(2x + \frac{1}{x}\right) dx = (x^2 + \ln x) \Big _1^2 = 3 + \ln 2$ $2 < e \Rightarrow \ln 2 < \ln e \Rightarrow 3 + \ln 2 < 3 + 1 \Rightarrow \mathcal{A} < 4$	<p>3p</p> <p>2p</p>