

Statistică și probabilități

Considerăm un lot de numere x_1, x_2, \dots, x_n .

Media acestui lot este $M = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$.

Dispersia lotului este $D = \sqrt{\frac{(x_1 - M)^2 + (x_2 - M)^2 + \dots + (x_n - M)^2}{n}} = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - M)^2}$.

Proprietăți ale probabilității

Fie U o mulțime (numită univers) și δ partile mulțimii U . Elementele lui δ se numesc evenimente. Fie P o funcție definită pe δ cu valori în $[0, 1]$. tripletul (U, δ, P) este un câmp de probabilitate dacă, $\forall A, B$ evenimente din δ , avem:

- 1) $P(\emptyset) = 0$
- 2) $A \subset B \Rightarrow P(A) \leq P(B)$
- 3) $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$
- 4) $A \cap B = \emptyset \Rightarrow P(A \cup B) = P(A) + P(B)$

Fie $U = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$ un univers finit și P o probabilitate pe $\delta = P(U)$.

Notăm $P_i = P(\{x_i\}), i = 1, 2, 3, \dots, n$. Atunci:

1) Suma probabilităților evenimentelor elementare este:

$$P_1 + P_2 + \dots + P_n = 1 = \sum_{i=1}^n P_i = \sum_{i=1}^n P(\{x_i\}) = \sum_{x \in U} P(\{x\})$$

2) Probabilitatea oricărui eveniment este suma probabilităților evenimentelor elementare pe care le include, adică $P(A) = \sum_{x \in A} P(\{x\}), A \subset U$

Intr-un câmp de evenimente egal probabile $(U, P), \forall A \in \delta$ avem $P(A) = \frac{[A]}{[U]}$

$$P(A) = \frac{\text{nr. cazurilor favorabile evenimentului}}{\text{nr. total. de cazuri}}$$